

On se place dans un plan muni d'un repère.

On note A , B et C les points de coordonnées respectives $(-5 ; 4)$, $(-5 ; -2)$ et $(5 ; 8)$.

1/ Ecrire une équation de la droite (AB) .

Les points A et B sont tous les deux d'abscisse $x = -5$, donc la droite (AB) est la *verticale* d'abscisse $x = -5$.

Son équation est $(AB) : x = -5$.

Remarque (sans intérêt calculatoire, mais pour se ramener à une équation générale)

On ne peut pas utiliser la forme réduite $y = ax + b$ pour une verticale, mais en posant $(AB) : ax + by + c = 0$:

$$A(-5 ; 4) \in (AB) \Leftrightarrow ax_A + by_A + c = 0 \Leftrightarrow -5a + 4b + c = 0 ,$$

$$B(-5 ; -2) \in (AB) \Leftrightarrow ax_B + by_B + c = 0 \Leftrightarrow -5a - 2b + c = 0 .$$

Par soustraction, on déduit $b = 0$.

L'équation de (AB) devient : $ax + c = 0$ avec $-5a + c = 0$, soit $c = 5a$.

L'équation de (AB) devient : $ax + 5a = 0 \Leftrightarrow x + 5 = 0$, soit $(AB) : x = -5$.

2/ Justifier que C n'appartient pas à (AB) .

C est d'abscisse $x = +5$, donc ne vérifie pas l'équation $x = -5$ des points de la droite (AB) .

3/ Montrer qu'une équation cartésienne de la médiane issue de A du triangle ABC est $x + 5y - 15 = 0$.

$$\text{Soit } A' \text{ le milieu du côté } [BC] : \begin{cases} x_{A'} = \frac{x_B + x_C}{2} = \frac{-5 + 5}{2} = 0 \\ y_{A'} = \frac{y_B + y_C}{2} = \frac{-2 + 8}{2} = +3 \end{cases}, \text{ d'où : } A'(0 ; 3) .$$

Comme l'énoncé propose une équation cartésienne de la médiane issue de A , il suffit de vérifier que les points $A(-5 ; 4)$ et $A'(0 ; 3)$ en vérifient l'équation.

$$x_A + 5y_A - 15 = -5 + 20 - 15 = 0, \text{ donc } A \text{ appartient à cette droite.}$$

$$x_{A'} + 5y_{A'} - 15 = 0 + 15 - 15 = 0, \text{ donc } A' \text{ appartient à cette droite.}$$

La médiane (AA') a pour équation cartésienne $x + 5y - 15 = 0$.