

1/ Résoudre par le calcul le système $\begin{cases} 2x - y - 5 = 0 \\ x + y + 1 = 0 \end{cases}$.

$$\begin{cases} 2x - y - 5 = 0 \\ x + y + 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - y = 5 \\ x + y = -1 \end{cases} . \text{ Par addition, on obtient : } 3x = 4, \text{ soit } x = +\frac{4}{3}.$$

On reporte $x = +\frac{4}{3}$ dans $x + y = -1 \Leftrightarrow \frac{4}{3} + y = -1 \Leftrightarrow y = -1 - \frac{4}{3} = -\frac{7}{3}$.

Le système proposé admet $(x ; y) = (\frac{4}{3} ; -\frac{7}{3})$ pour couple solution unique.

2/ Retrouver graphiquement le résultat.

$$\begin{cases} 2x - y - 5 = 0 \\ x + y + 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 2x - 5 \\ y = -x - 1 \end{cases} . \text{ On trace les deux droites affines } \begin{cases} D_1 | y = 2x - 5 \\ D_2 | y = -x - 1 \end{cases} .$$

a) $D_1 | y = 2x - 5$:

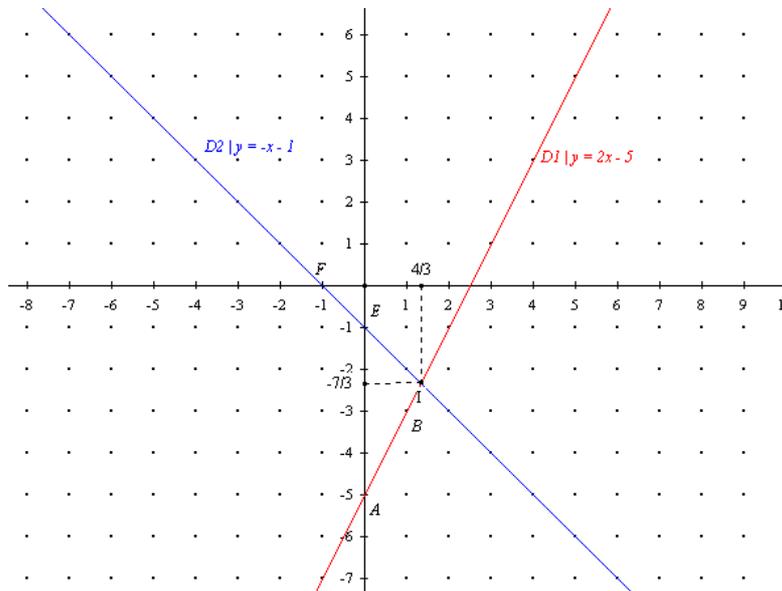
Pour $D | y = ax + b$, b est l'ordonnée à l'origine, et a le coefficient directeur, quantité dont monte ou descend la droite (D) lorsque l'abscisse x avance de 1. Ici, $a = +2$ et $b = -5$.

En conséquence, (D_1) passe par les points $A(0 ; -5)$ et $B(1 ; -3)$, d'où son tracé.

b) $D_2 | y = -x - 1$:

De même : $b = -1$ et $a = -1$.

(D_2) passe par les points $E(0 ; -1)$ et $F(1 ; -2)$, d'où son tracé.



On retrouve $I(\frac{4}{3} ; -\frac{7}{3})$ comme point d'intersection, solution du système.