

Résoudre le système suivant : 
$$\begin{cases} x + y + 2z = 7 \\ 2x - 3y - z = 4 \\ 3x - y + z = 10 \end{cases} .$$

On choisit une inconnue à éliminer entre deux couples d'équations :

On va éliminer  $z$  entre  $L_1$  et  $L_2$ , puis entre  $L_2$  et  $L_3$ , ce qui nous ramènera à un système de 2 équations à deux inconnues  $x$  et  $y$  ( Le choix des équations est fait pour rendre les calculs les plus simples possibles ).

$$L_1 \begin{cases} x + y + 2z = 7 \\ 2L_2 \begin{cases} 4x - 6y - 2z = 8 \end{cases} , \text{ soit par addition : } 5x - 5y = 15 .$$

$$L_2 \begin{cases} 2x - 3y - z = 4 \\ L_3 \begin{cases} 3x - y + z = 10 \end{cases} , \text{ soit par addition : } 5x - 4y = 14 .$$

Les deux équations obtenues permettent le calcul de  $(x ; y)$  :

$$\begin{cases} 5x - 5y = 15 \\ 5x - 4y = 14 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} L_1 \begin{cases} 5x - 5y = 15 \\ -L_2 \begin{cases} -5x + 4y = -14 \end{cases} \end{cases} , \text{ soit par addition : } -y = +1 \Leftrightarrow y = -1 .$$

On reporte dans  $5x - 4y = 14 \Rightarrow 5x + 4 = 14$ , soit  $5x = 10 \Leftrightarrow x = +2$ .

On reporte enfin  $(x ; y) = (+2 ; -1)$  dans l'une des équations à trois inconnues initiales :

$$3x - y + z = 10 \Rightarrow 6 + 1 + z = 10 , \text{ soit } z = +3 .$$

Le triplet solution unique est  $(x ; y ; z) = (+2 ; -1 ; +3)$ .