

$$F \text{ Primitive de } f \Leftrightarrow F'(x) = f(x) \text{ pour tout } x \in D_f.$$

F est primitive de f si et seulement si f est dérivée de F .

On note : $F(x) = \int f(x) dx$.

Formules de Calcul de Primitives :

$\int 0 \cdot dx = k$ constante quelconque de \mathbb{R}	$\int \sin x \, dx = -\cos x + k$
$\int 1 \cdot dx = x + k$, $\int x \, dx = \frac{x^2}{2} + k$, $\int x^2 \, dx = \frac{x^3}{3} + k$	$\int \cos x \, dx = \sin x + k$
$\int \frac{1}{x^2} \, dx = -\frac{1}{x} + k \Leftrightarrow \int x^{-1} \, dx = \frac{(x^{-1})}{-1} = -\frac{1}{x} + k$	$\int \frac{1}{x} \, dx = \int \frac{dx}{x} = \ln x + k$
$\int \frac{1}{\sqrt{x}} \, dx = 2\sqrt{x} + k \Leftrightarrow \int (x^{-1/2}) \, dx = \frac{x^{1/2}}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2\sqrt{x}} + k$	$\int e^x \, dx = e^x + k$
Généralisation : $\int x^p \, dx = \frac{x^{p+1}}{p+1} + k$, $\forall p \in \mathbb{Q}$	

$\int (\lambda u) \, dx = \lambda \int u \, dx$ pour tout $\lambda \in \mathbb{R}$	$\int (5x^3) \, dx = 5 \int x^3 \, dx = 5\left(\frac{x^4}{4}\right) + k = \frac{5}{4}x^4 + k$
$\int (u + v) \, dx = \int u \, dx + \int v \, dx$	$\int (x + \sin x) \, dx = \int x \, dx + \int \sin x \, dx = \frac{x^2}{2} - \cos x + k$

Compositions de Fonctions : $\int f[u] \cdot u' \, dx = F(u) + k$ avec F primitive de f .

$\int u^n u' \, dx = \frac{u^{n+1}}{n+1} + k$, $\forall n \in \mathbb{N}$	$\int \sin^2 x \cos x \, dx = \frac{1}{3} \sin^3 x + k$
$\int \frac{u'}{u^2} \, dx = -\frac{1}{u} + k \Leftrightarrow \int u^{-2} u' \, dx = \frac{u^{-1}}{-1} + k$ soit $-u^{-1} + k = -\frac{1}{u} + k$	$\int \frac{2x+1}{x^2+x+3} \, dx = \frac{1}{x^2+x+3} + k$
$\int \frac{u'}{\sqrt{u}} \, dx = 2\sqrt{u} + k \Leftrightarrow \int u^{-1/2} u' \, dx = \frac{u^{1/2}}{\frac{1}{2}} + k$ soit $2u^{1/2} + k = 2\sqrt{u} + k$	$\int \frac{e^x}{\sqrt{e^x+1}} \, dx = 2 \int \frac{u'}{2\sqrt{u}} \, dx = 2\sqrt{e^x+1} + k$
Généralisation : $\int u^p u' \, dx = \frac{u^{p+1}}{p+1} + k$, $\forall p \in \mathbb{Q}$	

$\int u' \sin u \, dx = -\cos u + k$	$\int \sin 3x \, dx = -\frac{1}{3} \cos 3x + k$
$\int u' \cos u \, dx = \sin u + k$	

	$\int \cos \frac{x}{2} dx = 2 \sin \frac{x}{2} + k$
$\int \frac{u'}{u} dx = \ln u + k$	$\int \frac{2x+5}{x^2+5x+3} dx = \ln x^2+5x+3 + k$
$\int u' e^u dx = e^u + k$	$\int \frac{e^{1/x}}{x^2} dx = - \int (\frac{1}{x^2}) e^{1/x} dx = - \int u' e^u dx = -e^{1/x} + k$

Intégration par Parties : Primitives de formes UV , considérées comme étant $u'v$ ou uv'

L'une des deux formes est simplificatrice, l'autre tout le contraire. Il faut déterminer le *bon choix* !

$\int u'v dx = uv - \int u v' dx$	$\begin{cases} u = x \Rightarrow u' = 1 \\ v = \sin x \Rightarrow v' = \cos x \end{cases}$ $\int x \sin x dx = -x \cos x + \int \cos x dx = -x \cos x + \sin x + k$
$\int u v' dx = uv - \int u' v dx$	$\begin{cases} u' = x \Rightarrow u = \frac{x^2}{2} \\ v = \ln x \Rightarrow v' = \frac{1}{x} \end{cases}$ $\int x \ln x dx = \frac{x^2}{2} \ln x - \frac{1}{2} \int x dx = \frac{x^2}{2} \ln x - \frac{x^2}{2} + k$