

$$\text{Expressions pratiques (sans validité mathématique) : } \begin{cases} \frac{1}{0} = \infty \text{ (diviser par } \textit{énorme} \text{ devient } \textit{minuscule}) \\ \frac{1}{\infty} = 0 \text{ (diviser par } \textit{minuscule} \text{ devient } \textit{énorme}) \end{cases} .$$

a)  $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \pm\infty$  : Asymptote Verticale  $x = a$  (cassure en  $a$ ).

b)  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = b$  (nombre réel) : Asymptote Horizontale  $y = b$ .

c)  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = \pm\infty$

$\alpha$ )  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{x} = \pm\infty$  : Branche Parabolique sur l'axe  $y'y$  (croissance très rapide).

$\beta$ )  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{x} = a$  (nombre réel) : Croissance Affine  $\begin{cases} \lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) - ax = b \text{ (Asymptotique Oblique } y = ax + b) \\ \lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) - ax = \pm\infty \text{ (sans asymptote oblique)} \end{cases} .$

$\gamma$ )  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{x} = 0$  : Branche Parabolique sur l'axe  $x'x$  (croissance très lente).

*Aux infinis, un polynôme se comporte comme son plus haut degré :*  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} (x^3 + 2x - 1) = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} (x^3) = \pm\infty .$

*Aux infinis, un rapport de polynômes se comporte comme le rapport de ses plus hauts degrés :*  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x - 1}{x + 2} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x}{x} = 2 .$

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} [f(x) - (ax + b)] = 0 \Leftrightarrow$  Asymptote oblique  $D : y = ax + b$