

Entiers Naturels \mathbb{N} : \mathbb{N} est l'ensemble des nombres *entiers arithmétiques* (sans signe) : $(0, 1, 2, 3, \dots, n, \dots)$

Résoudre $3x + 12 = 0$ dans \mathbb{N} : $3x + 12 = 0$ n'admet pas de solution dans \mathbb{N} , Car $3x \geq 0$ et $12 > 0 \Rightarrow 3x + 12 > 0$, quel que soit l'entier naturel n . D'où $S = \emptyset$.

On peut aussi dire : $3x + 12 = 0 \Leftrightarrow 3x = -12 \Leftrightarrow x = -4 \in \mathbb{N}$.

Entiers Relatifs \mathbb{Z} : \mathbb{Z} est l'ensemble des nombres *entiers algébriques* (signés) :

$(\dots, -n, \dots, -3, -2, -1, 0, +1, +2, +3, \dots, n, \dots)$. On identifie les entiers relatifs positifs aux entiers naturels correspondants : $+5 = 5$. On considère que $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z}$.

Résoudre le système $\begin{cases} -3x - 15 < 0 \\ 2x - 5 \leq 0 \end{cases}$ **dans \mathbb{Z} :** $\begin{cases} -3x - 15 < 0 \\ 2x - 5 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -3x < +15 \\ 2x \leq +5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > \frac{-15}{-3} \\ x \leq \frac{+5}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -5 \\ \text{et} \\ x \leq +2 \end{cases}$, soit $S = \{-4; -3; -2; -1; 0; +1; +2\}$.

Nombres décimaux \mathbb{ID} : \mathbb{ID} est l'ensemble des *nombres décimaux* (partie entière, suivie d'une *partie décimale finie*)

$-51,36$; $-6,20345$; $+0,123$; $+4$; $+453,1$ sont des nombres décimaux. On considère que $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{ID}$.

Tout nombre décimal s'écrit sous forme rationnelle : $\mathbb{ID} \subset \mathbb{Q}$. Ainsi : $-1,741 = -\frac{1741}{1000}$.

Certaines fractions ne sont pas des nombres décimaux (si leur partie décimale est infinie). Ainsi : $x = +\frac{1}{3} = +0,333333\dots$ Partie décimale infinie, $x \in \mathbb{Q}$, $x \notin \mathbb{ID}$.

Cas particulier : partie décimale infinie, formée de 9 ($7,999999\dots = 8$).

Nombres rationnels \mathbb{Q} : \mathbb{Q} est l'ensemble des *nombres rationnels* (fractions de deux nombres entiers) :

$\frac{-3}{5}$; $\frac{+11}{-7}$; $-4 = \frac{-4}{1}$; $+4,12 = \frac{+412}{100} = +\frac{53}{25}$ sont des nombres rationnels (*ratio* = rapport = fraction). On considère que $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{ID} \subset \mathbb{Q}$.

Nombres irrationnels \mathbb{II} : \mathbb{II} est l'ensemble des nombres qui ne peuvent s'écrire en fraction d'entiers relatifs (*nombres Irrationnels*), tels que $\sqrt{2}$, $\sqrt{3}$, $\sqrt{5}$, $\sqrt{7}$, $\sqrt{11}$, \dots , π , e .

L'écriture décimale d'un nombre irrationnel ne peut comporter qu'une partie décimale *infinie* ne présentant *pas de période* (répétition infinie).

Ainsi : $x = 23,01001000100001000001\dots$ est un nombre irrationnel, tandis que : $y = 45,67676767676767\dots$ est un nombre rationnel.

Nombres réels \mathbb{R} :

L'ensemble des nombres réels est la *réunion* des *rationnels* et *irrationnels* : $\mathbb{R} = \mathbb{Q} \cup \mathbb{II}$. On considère que : $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{ID} \subset \mathbb{Q} \subset \mathbb{R}$.