

**Résoudre dans  $\mathbb{R}$  :  $\ln(2x + 3) \geq \ln(1 - x)$  .**

On sait que  $\ln(A)$  est défini (calculable) si et seulement si  $A > 0$  .

En conséquence : 
$$\begin{cases} \ln(2x + 3) \text{ défini} \Leftrightarrow 2x + 3 > 0 \Leftrightarrow x > -\frac{3}{2} \\ \ln(1 - x) \text{ défini} \Leftrightarrow 1 - x > 0 \Leftrightarrow x < +1 \end{cases} .$$

Il faut donc que  $x$  vérifie conjointement  $x > -\frac{3}{2}$  et  $x < 1$  . On conclue :  $D_f = ]-\frac{3}{2}; +1[$  .

On sait que  $\ln(A) \geq \ln(B) \Leftrightarrow A \geq B$  (conservation de l'ordre par le logarithme) .

$\ln(2x + 3) \geq \ln(1 - x) \Leftrightarrow 2x + 3 \geq 1 - x \Leftrightarrow 3x \geq -2 \Leftrightarrow x \geq -\frac{2}{3}$  .

En se limitant au domaine de définition  $D$  , on obtient:  $S = ]-\frac{2}{3}; +1[$  .